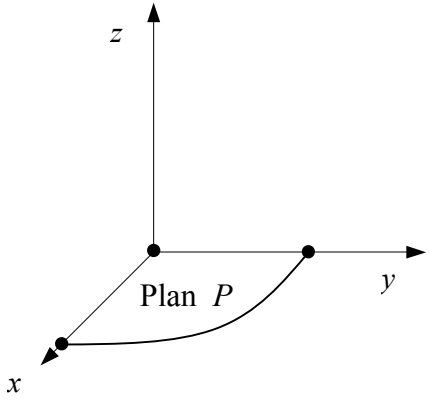
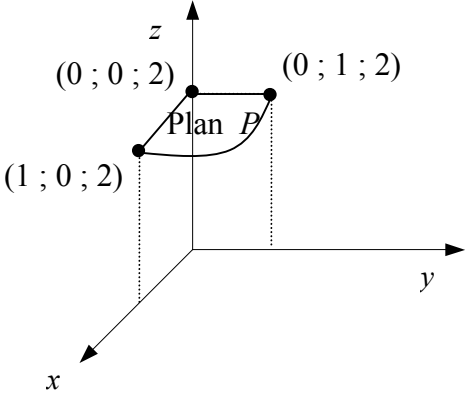
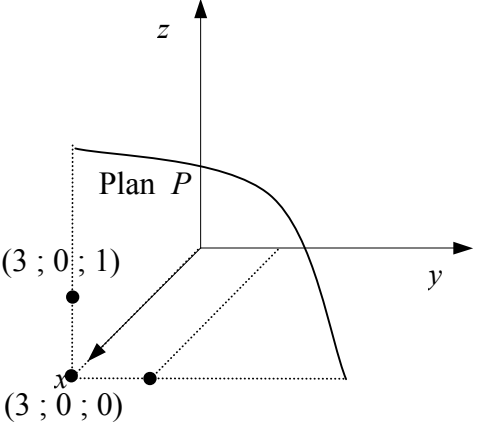
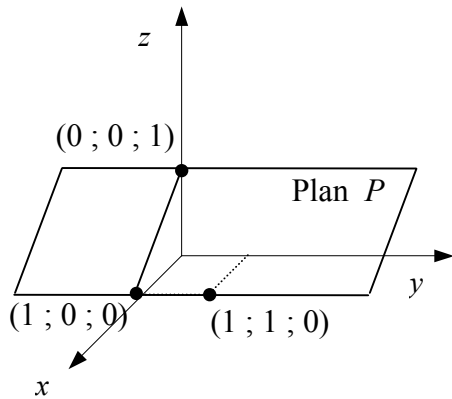


La colonne de gauche sert à représenter graphiquement le plan, celle de droite définit celui-ci en donnant trois points non alignés lui appartenant.

- a) Dessinez (à gauche) le plan satisfaisant les conditions (de droite).
- b) Trouvez, avec ou sans calculs, une équation paramétrique et l'équation cartésienne correspondante.
- c) Vérifiez et expliquez dans chaque cas l'équation trouvée.

1.		<p><math>(0;0;0)</math>, <math>(1;0;0)</math> et <math>(0;1;0) \in P</math>  <math>P</math> = le plan <math>xOy</math>.                      équation de <math>P</math> :                      Equation cartésienne : <math>z = 0</math>                      Equation paramétrique :  <math>(x; y; z) = \lambda \cdot (1;0;0) + \mu \cdot (0;1;0)</math> <math>\lambda, \mu \in \mathbb{R}</math>                      Le plan correspond à l'ensemble des points du plan <math>xOy</math>.                      Ils ont donc 0 comme troisième coordonnée.</p>
2.		<p><math>(0;0;2)</math>, <math>(1;0;2)</math> et <math>(0;1;2) \in P</math>                      équation de <math>P</math> :                      Equation cartésienne : <math>z = 2</math>                      Equation paramétrique :  <math>(x; y; z) = (0;0;2) + \lambda \cdot (1;0;0) + \mu \cdot (0;1;0)</math> <math>\lambda, \mu \in \mathbb{R}</math>                      Le plan correspond à l'ensemble des points de l'espace ayant 2 comme troisième coordonnée.</p>
3.		<p><math>(3;0;0)</math>, <math>(3;1;0)</math> et <math>(3;0;1) \in P</math>                      équation de <math>P</math> :                      Equation cartésienne : <math>x = 3</math>                      Equation paramétrique :  <math>(x; y; z) = (3;0;0) + \lambda \cdot (0;1;0) + \mu \cdot (0;0;1)</math> <math>\lambda, \mu \in \mathbb{R}</math>                      Le plan correspond à l'ensemble des points de l'espace ayant 3 comme première coordonnée.</p>

4.



$$(1; 0; 0), (1; 1; 0) \text{ et } (0; 0; 1) \in P$$

équation de  $P$  :

Equation cartésienne :  $x + z = 1$

Equation paramétrique :

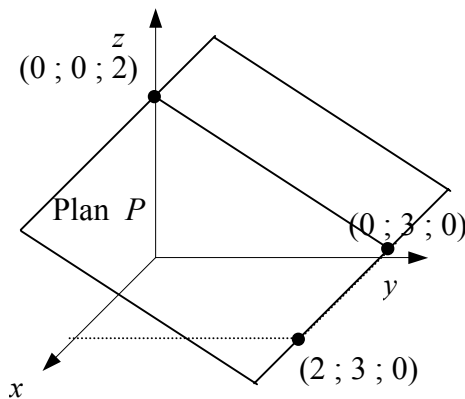
$$(x; y; z) = (1; 0; 0) + \lambda \cdot (0; 1; 0) + \mu \cdot (-1; 0; 1) \quad \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

Une normale au plan est :  $\vec{n} = (1; 0; 1)$

Etabli selon les facteurs de  $x$ ,  $y$  et  $z$  de l'équ. cartésienne

Remarquez que :  $\vec{n} \cdot (0; 1; 0) = 0$  et  $\vec{n} \cdot (-1; 0; 1) = 0$ .

5.



$$(2; 3; 0), (0; 3; 0) \text{ et } (0; 0; 2) \in P$$

équation de  $P$  :

Equation cartésienne :  $2 \cdot y + 3 \cdot z = 6$

Equation paramétrique :

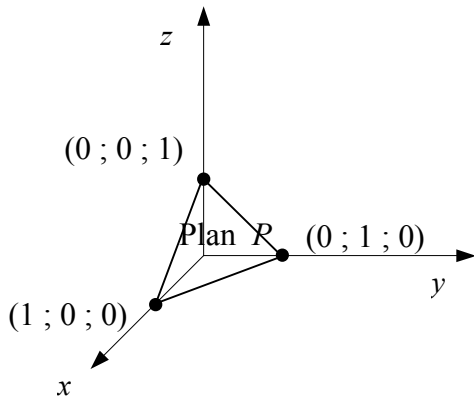
$$(x; y; z) = (0; 3; 0) + \lambda \cdot (1; 0; 0) + \mu \cdot (0; -3; 2) \quad \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

Une normale au plan est :  $\vec{n} = (0; 2; 3)$

Etabli selon les facteurs de  $x$ ,  $y$  et  $z$  de l'équ. cartésienne

Remarquez que :  $\vec{n} \cdot (1; 0; 0) = 0$  et  $\vec{n} \cdot (0; -3; 2) = 0$

6.



$$(1; 0; 0), (0; 1; 0) \text{ et } (0; 0; 1) \in P$$

équation de  $P$  :

Equation cartésienne :  $x + y + z = 1$

Equation paramétrique :

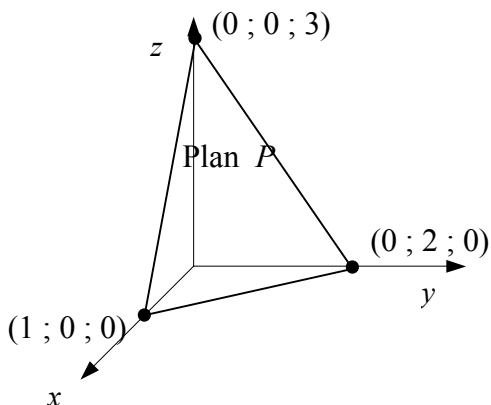
$$(x; y; z) = (1; 0; 0) + \lambda \cdot (1; -1; 0) + \mu \cdot (1; 0; -1) \quad \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

Une normale au plan est :  $\vec{n} = (1; 1; 1)$

Etabli selon les facteurs de  $x$ ,  $y$  et  $z$  de l'équ. cartésienne

Remarquez que :  $\vec{n} \cdot (1; -1; 0) = 0$  et  $\vec{n} \cdot (1; 0; -1) = 0$

7.



$$(1; 0; 0), (0; 2; 0) \text{ et } (0; 0; 3) \in P$$

équation de  $P$  :

Equation cartésienne :  $6 \cdot x + 3 \cdot y + 2 \cdot z = 6$

Equation paramétrique :

$$(x; y; z) = (1; 0; 0) + \lambda \cdot (-1; 2; 0) + \mu \cdot (-1; 0; 3) \quad \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

Une normale au plan est :  $\vec{n} = (6; 3; 2)$

Etabli selon les facteurs de  $x$ ,  $y$  et  $z$  de l'équ. cartésienne

Remarquez que :  $\vec{n} \cdot (-1; 2; 0) = 0$  et  $\vec{n} \cdot (-1; 0; 3) = 0$