

Hashcoding et Blockchain

c.f. https://fr.wikipedia.org/wiki/Fonction_de_hachage

Définition :

Une **fonction de hachage** est une fonction *Hash* qui à un nombre entier positif pouvant être très grand (des millions de chiffres) fait correspondre un nombre entier positif inférieur à un nombre donné.

Ceci n'est que le début de la définition.

Un exemple très simple est :

$$\text{Hash}(n) = n \% 787$$

$n \% 787$ est le reste de la division du nombre n par 787.

Définition complétée, pour son utilisation dans une Blockchain :

Une **fonction de hachage** est une fonction *Hash* qui à un nombre entier positif pouvant être très grand (des millions de chiffres) fait correspondre un nombre entier positif inférieur à un nombre donné.

Elle doit satisfaire en plus les conditions suivantes :

- 1) Elle doit être "facile" à calculer.
- 2) pour un nombre s donné, il doit être très difficile de trouver une valeur n , telle que $\text{Hash}(n) = s$.
(s comme signature)

Autrement dit, calculer *Hash* doit être facile, mais aller dans l'autre sens doit être difficile.

De cette manière, une fonction de hachage peut servir de **signature d'un document numérique**.
 n correspondrait au document numérique.

$s = \text{Hash}(n)$ correspondrait à la signature du document.

- ° La signature " s " est facile à obtenir, car la fonction est "facile" à calculer.
- ° Créer une falsification du document numérique " n_2 " ayant la même signature est difficile, car cela revient à aller dans l'autre sens.

La signature " s " étant donné, il est difficile de trouver n_2 tel que $\text{Hash}(n_2) = s$.

Pour information :

Les exemples standards de fonctions de hachage (hashcoding) utilisé pour signer des documents sont : MD5 ; SHA-1 ; SHA-256 et SHA-512.

(Les deux premières sont déconseillées de nos jours, car moins sûres que les deux suivantes.)

SHA-256 crée une signature de 256 bits, ce qui donne un nombre allant jusqu'à _____

SHA-512 crée une signature de 512 bits, ce qui donne un nombre allant jusqu'à _____

Ces fonctions sont considérées comme facile à calculer.

Regardez leur algorithme de calcul et vous verrez que "facile" n'est pas le terme qui serait utilisé par tout le monde. c.f. <https://fr.wikipedia.org/wiki/SHA-2#SHA-256>

En page suivante, une fonction de hachage plus simple à calculer est donnée. Son défaut est de ne pas être si difficile à inverser pour un professionnel.

Un exemple de fonction de hachage, donné sous forme d'algorithme.

Un **algorithme** est une suite d'instructions.

Soit n le nombre à "hacher".

Suite d'instructions dans un pseudo code :

hash = 0

Répéter 10 fois :

chiffre = reste de la division de n par 10

hash = (hash + chiffre) * 384049

hash = reste de la division de hash par 7538492917

n = arrondi vers le bas de ($n / 10$)

retourner hash ; *donc* hash = Hash (n).

Exercice 1

Allez dans : <http://www.juggling.ch/gisin/program/blockly/abgex/ex2000/ex2000.html>

Configuration > Divers exemples, au choix... > Choix 3

- Programmez une fonction "Hash(n)", selon l'algorithme précédent qui calcule la fonction de hachage du nombre n .
- Tester votre fonction sur : $n = 314159265$ vous devez obtenir Hash (n) = 3062988386
- Comparez votre fonction avec celle d'autres élèves.
- Trouvez un autre nombre n_2 tel que sa fonction de hachage Hash (n_2) = 3062988386

Blockchain

c.f. <https://www.youtube.com/watch?v=SccvFbyDaUI>

c.f. mieux (anglais) <https://www.youtube.com/watch?v=bBC-nXj3Ng4&t=35s>

Supposons avoir un nombre *Big*, qui contient une information. Il peut être très grand.

On cherche un nombre que l'on nommera "*preuve*" tel que le nombre n formé des chiffres de *Big* suivit des chiffres de *preuve* satisfait :

- Hash (n) donne un nombre plus petit que 10^k .
- (10^k pouvant être remplacé par n'importe quelle autre limite.)

La difficulté est de trouver un nombre "*preuve*" pour que Hash (n) soit plus petit qu'une limite donnée. Le travail des **mineurs** est de trouver un nombre "*preuve*".

La **blockchain** est une suite de nombre (très grands) $B_1 ; B_2 ; B_3 ; B_4 ;$ etc. (B pour Bloc)

Chaque nombre (Bloc) B_j est formé en mettant les chiffres des trois nombres suivants à la suite.

- Le Hash du bloc précédent, Hash (B_{j-1})
- Une information convertie sous forme de nombre I_j
- Une "*preuve*" de travail, qui est telle que le Hash de ce bloc B_j soit plus petit qu'une valeur donnée.

Exemple :

Hash($B_{\text{précédent}}$)	Information	Preuve telle que Hash(Bloc) < limite
$B_1 = 0000000000$	0000000000	0000000043 Hash(B_1) = 0096794702 < 10^8 . C'est le premier bloc.
$B_2 = 0096794702$	1414213562	0000001119 Hash(B_2) = 0004889573 < 10^7 .
$B_3 = 0004889573$	1732050808	0000006817 Hash(B_3) = 0000793420 < 10^6 .
$B_4 = 0000793420$	0314159265	0000060600 Hash(B_4) = 0000029765 < 10^5 .
$B_5 = 0000029765$	2236067978	0000232005 Hash(B_5) = 0000000264 < 10^4 .
$B_6 = 0000000264$	2449489743	0017661415 Hash(B_6) = 0000000009 < 10^3 .
$B_7 = 0000000009$	2645751311	0140302748 Hash(B_7) = 0000000004 < 10^2 .
$B_8 = 0000000004$	2828427125	0029811788 Hash(B_8) = 0000000020 < 10^2 .

Habituellement, l'information est beaucoup plus longue. Tous les nombres sont plus grands habituellement.

Les calculs de "*preuve*" deviennent de plus en plus longs, car la contrainte de preuve de travail est de plus en plus restrictive, il faut que le Hash soit de plus en plus petit.