

1) La hauteur du trapèze se calcule par Pythagore : hauteur = $h = \sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{2 \cdot \frac{a^2}{4}} = \sqrt{2} \cdot \frac{a}{2} = \frac{11}{2} \cdot \sqrt{2}$

L'aire du trapèze = $\frac{a+b}{2} \cdot h = \frac{a+2a}{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \frac{a}{2} = \frac{\sqrt{2} \cdot 3}{4} \cdot a^2 = \frac{\sqrt{2} \cdot 363}{4} \approx 128,33988 \text{ [cm}^2\text{]}$

L'aire du carré = $\left(\frac{a}{2}\right)^2 = \frac{121}{4} = 30,25 \text{ [cm}^2\text{]}$

L'aire grise = l'aire du trapèze moins l'aire du carré = $\frac{363 \cdot \sqrt{2} - 121}{4} \text{ [cm}^2\text{]} \approx 98,08988 \text{ [cm}^2\text{]}$

2) La hauteur du parallélogramme = $h = 10 \text{ [cm]}$

L'aire du parallélogramme = base · hauteur = $180 \text{ [cm}^2\text{]}$

Le rayon du disque = la moitié de la hauteur = 5 [cm]

L'aire du disque = $\pi \cdot 5^2 \approx 78,5398 \text{ [cm}^2\text{]}$

L'aire grise = l'aire du parallélogramme moins l'aire du disque = $180 - 25 \cdot \pi \approx 101,46018 \text{ [cm}^2\text{]}$

3) L'aire du carré = $13^2 \text{ cm}^2 = 169 \text{ [cm}^2\text{]}$

Ici, il est plus facile de calculer l'aire des 5 triangles gris de la figure.

Notons $b = AE = a/2 = 6,5 \text{ [cm]}$ $a = 13 \text{ [cm]}$ $c = a/3 = 4,3\bar{3} \text{ [cm]}$

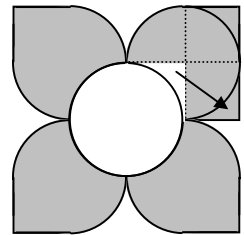
L'aire grise = $2 \cdot \frac{1}{2} \cdot c \cdot b + 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot b \cdot b + \frac{1}{2} \cdot c \cdot a = \frac{a}{3} \cdot \frac{a}{2} + \frac{a}{2} \cdot \frac{a}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{a}{3} \cdot a = \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6}\right) \cdot a^2 =$

L'aire grise = $= \frac{2+3+2}{12} \cdot a^2 = \frac{7}{12} \cdot a^2 = \frac{1'183}{12} \text{ [cm}^2\text{]} = 98,58\bar{3} \text{ [cm}^2\text{]}$

4) Découpons un morceau de la figure pour le déplacer ailleurs, selon la flèche.

L'aire grise est formée de 4 fois un quart de disque de rayon a et 4 fois 2 carrés de côtés a .

L'aire grise = $4 \cdot \left(\frac{1}{4} \pi \cdot a^2 + 2a^2\right) = (\pi + 8) \cdot a^2 = (\pi + 8) \cdot 9 \text{ [cm}^2\text{]} \approx 100,27433 \text{ [cm}^2\text{]}$



5) L'aire grise égale l'aire d'un secteur circulaire de rayon $a + b$ et d'angle $\alpha = 50^\circ$, moins l'aire d'un secteur circulaire de rayon a et d'angle $\alpha = 50^\circ$.

L'aire grise = $\frac{50}{360} \cdot (\pi \cdot (a+b)^2 - \pi \cdot a^2) = \frac{5}{36} \cdot \pi \cdot (18^2 - 10^2) = \frac{280}{9} \cdot \pi \text{ [cm}^2\text{]} \approx 97,73844 \text{ [cm}^2\text{]}$

6) L'aire grise égale l'aire d'un triangle équilatéral de côté $2a$ moins l'aire de trois secteurs circulaires de rayon a et d'angle 60° .

Ici $a = 25 \text{ [cm]}$

La hauteur du triangle équilatéral se calcule par Pythagore :

hauteur = $h = \sqrt{(2a)^2 - a^2} = \sqrt{4a^2 - a^2} = \sqrt{3} \cdot a$

L'aire du triangle équilatéral =

$= \frac{1}{2} \cdot 2a \cdot h = \sqrt{3} \cdot a^2 = 625 \cdot \sqrt{3} \text{ [cm}^2\text{]} \approx 1082,53176 \text{ [cm}^2\text{]}$

L'aire des trois secteurs circulaires =

$= 3 \cdot \frac{60}{360} \cdot \pi \cdot a^2 = \frac{\pi}{2} \cdot a^2 = \frac{625}{2} \cdot \pi \text{ [cm}^2\text{]} \approx 981,7477 \text{ [cm}^2\text{]}$

L'aire grise = la différence des aires = $\left(\sqrt{3} - \frac{\pi}{2}\right) \cdot a^2 = 625 \cdot \left(\sqrt{3} - \frac{\pi}{2}\right) \text{ [cm}^2\text{]} \approx 100,78405 \text{ [cm}^2\text{]}$

